467 | Mai 1986

SCHRIFTENREIHE SCHIFFBAU

Werner Blendermann

Die Windkräfte am Schiff



Die Windkräfte am Schiff

Werner Blendermann, Hamburg, Technische Universität Hamburg-Harburg, 1986

ISBN: 3-89220-467-5

© Technische Universität Hamburg-Harburg Schriftenreihe Schiffbau Schwarzenbergstraße 95c D-21073 Hamburg

http://www.tuhh.de/vss

INSTITUT FÜR SCHIFFBAU DER UNIVERSITÄT HAMBURG

Bericht Nr. 467

DIE WINDKRÄFTE AM SCHIFF

Werner Blendermann

Mai 1986

----- ------

Übersicht

Die Windkräfte und Windmomente am Schiff werden durch halbempirische Lastfunktionen beschrieben. Die Abschätzung der aerodynamischen Eigenschaften eines Schiffes wird dadurch reduziert auf die Bestimmung des Windwiderstandes in Längsund Querrichtung und jeweils eines Koeffizienten für Windkraftablenkung, Querkraft, Giermoment und Rollmoment. Zahlenwerte für verschiedene Schiffe werden gegeben.

Abstract

The wind forces and wind moments on ships are described by semi-empirical loading functions. Thus the evaluation of the aerodynamic characteristics of a ship is reduced to the determination of the longitudinal and lateral wind resistance and one coefficient for, respectively, wind force deflection, transverse force, yawing moment and rolling moment. Data are given for different ships.

INHALTSVERZEICHNIS

1. Einleitung		1
2. Windkraftable	nkung und Querkraft	2
3. Kraftellipse		9
4. Giermoment une	d Rollmoment	13
5. Modell und Wi	rklichkeit	16
6. Parameterwert	e und Lastfunktionen	20
7. Anpassen von Windlastbeiwerten		
8. Zusammenfassu	ng	27
9. Bezeichnungen		28
10. Literatur		30
Tabellen 1 und 2		32
Bilder 1 bis 25		
Anhang A : Windlastbeiwerte für sieben Schiffsmodelle		59
Anhang B : Beispiele		71
Beispiel 1	Marineschiff - Windlastparameter aus der kennzeichnenden Auftragung	
Beispiel 2	Forschungsschiff - Schätzen von Windlast- beiwerten	
Beispiel 3	Forschungsschiff - Mindestschub zum Drehen durch den Wind	
Beispiel 4	Bohrschiff - Anpassen von Windlastbeiwerten	

1. Einleitung

Windeffekte spielen heute im Schiffsbetrieb eine bedeutendere Rolle als noch vor wenigen Jahren. Durch die Zunahme der Größe bei Tankern, der Höhe bei Fährschiffen und der Ladungshöhe bei Containerschiffen bieten viele Schiffe dem Wind jetzt mehr Angriffsfläche. Dieses hat Auswirkungen auf das Manövrierverhalten und die Stabilität. Schiffe für besondere Aufgaben wie Forschungsschiffe, Bohrschiffe und Taucherbasisschiffe müssen auch bei starkem Wind präzis manövrieren oder positioniert werden. Ob Schiffsprobefahrt oder Schiffsrouting, immer ist nach dem Einfluß des Windes gefragt.

Daher wurden bereits für viele Schiffe die Windkräfte und Windmomente durch Messungen am Modell im Windkanal ermittelt. Auf solche Windlastdaten von Vergleichsschiffen wird auch vorrangig zurückgegriffen, wenn für ein Schiff keine Meßwerte vorliegen. Unter der Vielzahl veröffentlichter Daten verdienen die Meßwertsammlungen von Wagner (1967) und Aage (1971) besondere Erwähnung. Sie enthalten Windlastbeiwerte für sehr unterschiedliche Schiffe und sind für die Praxis immer noch und zu Recht eine wichtige Quelle, wenn sich die Schiffsformen zum Teil auch gewandelt haben.

Bisher gibt es keine formelmäßige Darstellung der Windwirkung am Schiff. Man hat sich vorwiegend auf die Wiedergabe von Meßwerten beschränkt. Dove und Ferris (1960) und Wagner (1967) machen erste Ansätze, die Windkräfte und -momente mit Schiffsparametern zu verknüpfen. Zwei weitere Zitate sollen für die Art bisheriger Schätzverfahren stehen.

Wilson und Roddy (1970) geht es um Annahmen für einen Teilaspekt der Windwirkung, den Windwiderstand von Frachtschiffen und Tankern vor allem zur Korrektur von Probefahrtsergebnissen. Sie geben den Beiwert der Längskraft durch eine Kurve an als Mittel von Meßwerten für mehrere Schiffe.

Isherwood (1973) wählt einen formalen mathematischen Ansatz. Er verknüpft die Kraft- und Momentenbeiwerte linear mit dimensionslosen Parametern des Schiffes, gebildet aus Schiffslänge und Schiffsbreite, Lateralfläche, Frontschattenfläche, Lateralfläche der Aufbauten, vom Wind umwehten Umfang des Lateralplans. Ferner berücksichtigt er Gruppen von Masten und Ladepfosten. Die Koeffizienten ermittelt er für feste Anströmwinkel aus Windkanalmessungen für ein Kollektiv von Schiffen aus der Forderung kleinster quadratischer Abweichungen.

Eine theoretische Berechnung der Windkräfte am Schiff ist heute nicht möglich. In vergleichbaren Fällen der Strömungsmechanik behilft man sich mit Prinzipien. Ein Beispiel ist das Querströmungsprinzip für die Kräfte am schräg angeströmten Zylinder. Ähnliches könnte auch hier weiterhelfen.

Bisher wurde nicht genutzt, daß die Windwirkung an allen Schiffen gleich ist, mit mehr oder weniger ausgeprägten Merkmalen für den jeweiligen Schiffstyp. Diese Eigenschaft wird in halbempirische Lastfunktionen für die Windkräfte und -momente eingebracht. Als nützlich erweist sich dabei die klassische mathematische Strömung an der ebenen Platte mit offenem Totwasser (Helmholtz, 1868; Kirchhoff, 1869). Sie liefert die Art Funktionen, mit denen dann auch die Identifikation von Windlastparametern gelingt.

Ergänzend wird gezeigt, wie man diese Funktionen ferner zur Approximation von Windlastbeiwerten verwenden kann, etwa als Eingabe der aerodynamischen Eigenschaften eines Schiffes für eine Manövrierautomatik.

2. Windkraftablenkung und Querkraft

Die Kraft am Schiff in Richtung des scheinbaren Windes ist der Widerstand D - nicht zu verwechseln mit dem Windwiderstand des Schiffes in Schiffslängsrichtung - und quer dazu die Querkraft C (Bild 1). Das schiffsfeste Koordinatensystem hat seinen Ursprung in der Wasserlinie auf Hauptspant. In diesen Koordinaten ist X die Längskraft, Y die Seitenkraft, N das Giermoment und K das Rollmoment. Mit T wird die Gesamtkraft des Windes (Windkraft) bezeichnet. Der Einfallswinkel ε des scheinbaren Windes wird von der Schiffslängsachse aus gemessen; $\varepsilon = 0$ bedeutet Wind von vorn. Entsprechend erhält man die dimensionslosen Beiwerte

$$CD, CC, CX, CY, CT = \frac{D, C, X, Y, T}{q A_L}, \qquad (1)$$

mit dem Staudruck der Anströmung, $q = \frac{\rho}{2} u^2$, und der Lateralfläche A_L ; u Geschwindigkeit des scheinbaren Windes. Die Längskraft wird wahlweise auf die Frontschattenfläche A_F bezogen; ihr Beiwert ist dann mit CX_{AF} bezeichnet.

Das Giermoment wird zusätzlich auf die Länge des Schiffes, ${\rm L}_{\rm OA}$, bezogen,

$$CN = \frac{N}{qA_{L}L_{OA}} , \qquad (2)$$

und das Rollmoment zusätzlich auf die mittlere Höhe des Lateralplans, $H_{M} = A_{L}/L_{OA}$,

$$CK = \frac{K}{q A_L H_M}$$
 (3)

Der Hebel des Giermoments ist

$$\times_{\mathsf{F}} = \frac{\mathsf{N}}{\mathsf{Y}} , \qquad (4)$$

bzw.

$$\frac{X_{F}}{L_{OA}} = \frac{CN}{CY}$$
 (5)

Als Rollmomentenhebel wird vereinbart

$$z_{\mathsf{F}} = \frac{\mathsf{K}}{\mathsf{Y}} , \qquad (6)$$

bzw.

$$\frac{z_{F}}{H_{M}} = \frac{CK}{CY}$$
(7)

Kennzeichnend für die Windwirkung am Schiff ist die Ablenkung der Windkraft gegenüber dem (scheinbaren) Wind um den Winkel Δε hin zur Schiffsquerrichtung (Bild 1). Die Abhängigkeit dieses Ablenkwinkels vom Anströmwinkel ist typisch für alle länglichen Objekte. Bild 2 zeigt den Verlauf für ein Containerschiff, ein Fährschiff und ein Offshore-Versorgungsschiff. Die Quadranten vorlichen und achterlichen Windes sind einander überlagert. Bei Seiten- und Längssymmetrie ist $\Delta \epsilon = 0$ in Längs- und Querströmung.

Setzt man die Kraftkomponenten X und Y und die entsprechenden Geschwindigkeitskomponenten u_x und u_y längs und quer zum Schiff zueinander ins Verhältnis,

$$\frac{X}{Y} = (1-\alpha) \frac{u_X}{u_y} , \qquad (8)$$

wobei a ein noch näher zu betrachtender Parameter ist, so erhält man

$$\Delta \varepsilon = \operatorname{arctg} \left(\frac{\operatorname{tg} \varepsilon}{1 - \alpha} \right) - \varepsilon \tag{9}$$

Wenn a = 0, liegt keine Ablenkung vor (reiner Widerstand); wenn a = 1, steht die Kraft für alle Anströmwinkel quer zum Objekt (reine Seitenkraft). Bild 3 zeigt die Kurvenschar für a = const in den Grenzen $0 \le a \le 1$. Für den maximalen Ablenkwinkel gilt

$$\Delta \varepsilon_{\max} = \frac{\pi}{2} - 2\varepsilon$$
 (10)

Dafür erhält man aus Gl. (9)

$$a = \frac{2\sin\Delta\epsilon_{\max}}{1+\sin\Delta\epsilon_{\max}}$$
 (11)

Dieser Wert, folgend Ablenkparameter genannt, ist ein Maß für die Windkraftablenkung am Schiff. Man kann ihn auch als Impulsverlustgröße betrachten. Deutlich wird das an einer Platte, auf die ein Flüssigkeitsstrahl mit der Geschwindigkeit u und dem Massenstrom Q unter dem Winkel ε auftrifft.

Für den Strahldruck an der Platte erhält man nach dem Impulssatz das bekannte Ergebnis

$$Y = Q u \sin \varepsilon$$
 (12)

Parallel zur Platte herrscht Kräftegleichgewicht,

$$Q_2 - Q_1 = Q \cos \varepsilon , \qquad (13)$$

(1 -)

wobei Q₁ und Q₂ die plattenparallelen Massenströme sind. Mit der Kontinuitätsbedingung - 5 -

$$Q_1 + Q_2 = Q \tag{14}$$

wird

$$\frac{Q_1}{Q} = \frac{1 - \cos \varepsilon}{2} , \frac{Q_2}{Q} = \frac{1 + \cos \varepsilon}{2} .$$
 (15)

Die Strömung erfahre nun einen Impulsverlust entlang der Platte und fließe mit u' < u parallel zur Platte ab, wobei die Aufteilung der Massenströme, Gl. (15), erhalten bleibe. Die auf die Platte wirkende Kraft ist dann zur Platte geneigt um den Winkel $\varepsilon' = \varepsilon + \Delta \varepsilon$. Man erhält

$$tg \varepsilon' = \frac{Qu \sin \varepsilon}{Qu \cos \varepsilon - (Q_2 - Q_1)u'}, \qquad (16)$$

so daß mit Gl. (15)

$$\Delta \varepsilon = \operatorname{arctg}\left(\frac{\operatorname{tg}\varepsilon}{1-u'/u}\right) - \varepsilon. \tag{17}$$

Das aber ist mit u'/u = a Gl. (9).

Es besteht eine Analogie zwischen Kraftablenkung und Ablenkung der Strömung bei schrägem Durchfluß durch Siebe.

Aus Gl. (9) erhält man den Ablenkparameter

$$\alpha = 1 - \frac{tg \varepsilon}{tg (\varepsilon + \Delta \varepsilon)}$$
 (18)

Bild 2 zeigt dessen Verlauf für die drei genannten Schiffe. Das Ergebnis ist ein Wert, der im allgemeinen wenig vom Anströmwinkel abhängt und im Falle des Containerschiffes praktisch konstant ist.

Eine Ausnahme machen Schiffe mit starker Unsymmetrie um Hauptspant wie Offshore-Versorgungsschiffe. An diesen Schiffen herrscht auch bei Querströmung eine Längskraft, so daß a nach Gl. (9) über alle Grenzen wächst. Aber auch trotz verschwindender Längskraft bei Querströmung stellt sich eine besondere Abhängigkeit dann ein, wenn ein Schiff noch durch vorlichen Wind zu segeln beginnt und durch achterlichen Wind bereits gebremst wird. Das ist der Fall bei den heutigen Fährschiffen und Autotransportern von ausgeprägter Quaderform, aber auch bei den schnittigeren Fahrgast- und Kreuzfahrtschiffen. Mit dem Vorzeichenwechsel der Längskraft innerhalb eines Quadranten des Windeinfalls steigt der Ablenkparameter über Eins. Der Ablenkwinkel wird in Bild 4 nun selbst zur unabhängigen Variablen für die Querkraft CC, bezogen auf den Widerstand bei Querströmung (Beiwert CD_q). Als gestrichelte Linie hinzugefügt ist die Querkraft an der ebenen Platte mit offenem Totwasser (Helmholtz, 1868; Kirchhoff, 1869), im folgenden Helmholtz-Kirchhoff-Platte (HK-Platte) genannt. Rayleigh (1876) hat dafür Druckkraft und Moment angegeben.

Die Druckkraft an der Platte entspricht der Seitenkraft am Schiff. Ihr Beiwert ist (siehe auch Lamb, 1952)

$$CY_{HKP} = \frac{2\pi \sin \varepsilon}{4 + \pi \sin \varepsilon}$$
 (19)

Der Beiwert der Querkraft lautet dann

$$CC_{HKP} = \frac{\pi \sin 2\varepsilon}{4 + \pi \sin \varepsilon}$$
(20)

oder, als Funktion des Ablenkwinkels $\Delta \varepsilon = \frac{\pi}{2} - \varepsilon$ und bezogen auf die Druckkraft bei Querströmung, $CD_{q,HKP} = \frac{2\pi}{4+\pi}$,

$$\left(\frac{CC}{CD_{q}}\right)_{HKP} = \frac{1}{2} \frac{\sin 2\Delta\varepsilon}{\frac{4}{4+\pi} + \frac{\pi}{4+\pi}\cos\Delta\varepsilon}$$
(21)

Über eine Reihenentwicklung um $\Delta \epsilon$ = 0 ,

$$\left(\frac{CC}{CD_{q}}\right)_{HKP} = \Delta \varepsilon \left[1 - \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{2} - \frac{\pi}{4 + \pi}\right) \Delta \varepsilon^{2}\right], \qquad (22)$$

gewinnt man den Ansatz

$$\frac{CC}{CD_q} = \Delta \varepsilon \left(1 - \lambda \Delta \varepsilon^2 \right) .$$
(23)

Bild 5 zeigt die Kurvenschar für λ = const.

Dieser Funktion folgt die Querkraft an Schiffen von quereinfallendem Wind (CC = 0) bis zum Querkraftmaximum. Eine obere Grenze ist

$$\frac{CC}{CD_{\mathbf{q}}} = \operatorname{tg} \Delta \varepsilon , \qquad (24)$$

entsprechend $\lambda = -0,45$. Der Koeffizient λ hängt vom Schiffstyp ab.

Für die Helmholtz-Kirchhoff-Platte ist $\lambda = 0,45$.

Das Querkraftmaximum liegt bei einem Anströmwinkel $\varepsilon = \varepsilon_{CC_{max}}$ um 45° (Bild 6). Je nachdem, ob der Ablenkparameter mit ε zunimmt oder abnimmt, wird das Maximum von CC zu einem etwas höheren oder niedrigeren Winkel verschoben.

Das Querkraftmaximum ist selbst Punkt der Kurvenschar Gl. (23). Es läßt sich noch mit dem Ablenkparameter verknüpfen. Unter Verwendung von Gl. (9) erhält man mit $\varepsilon = \varepsilon_{CC_{max}} = \frac{\pi}{4}$

$$\frac{CC_{max}}{CD_{q}} = \arctan \left[1 - \lambda \left(\arctan \left(\frac{a}{2 - a} \right)^{2} \right].$$
(25)

Man kann erwarten und findet in Bild 5 bestätigt, daß gemessene Querkraftmaxima in einem Bereich liegen, der begrenzt ist durch tg $\Delta \epsilon$ und die Verbindungslinie aller Maxima der Kurvenschar Gl. (23),

$$\left(\frac{CC}{CD_{q}}\right)_{max} = \frac{2}{3} \Delta \varepsilon, \qquad (26)$$

für $\Delta \varepsilon < \frac{\pi}{4}$, sonst $\Delta \varepsilon = \frac{\pi}{4}$, wegen $a \le 1$.

Deutlich tritt das Querkraftmaximum neben dem Ablenkparameter als weiterer kennzeichnender Parameter hervor; damit stehen zwei Kennwerte, als Ausdruck für Betrag und Richtung der Windkraft am Schiff, zur Verfügung. Im nächsten Schritt geht es um ihre Identifikation und die formelmäßige Darstellung der Windkräfte. Zuvor aber kehren wir noch einmal zur Kraftablenkung zurück.

Ablenkung der Strömungskraft durch Auftriebs- oder Querkräfte ist kennzeichnend für viele Objekte. An Flügeln und Segeln wird sie genutzt, am Automobil ist sie unerwünscht. Der Ablenkwinkel ist gleichsam natürliche Koordinate der Strömungskräfte.

Den gleichen Verlauf der Kraftablenkung wie am Schiff - über und unter Wasser - beobachtet man an allen länglichen Objekten. Trossen zählen ebenso dazu wie die Fäden in einem Netz. Bild 7 zeigt in Beispielen den Verlauf des Ablenkparameters für diese Objekte. Allen gemeinsam sind vom Anströmwinkel weitgehend unabhängige Parameterwerte a .

- 7 -

Für gedrungene Quader scheint dagegen eine lineare Abnahme des Ablenkparameters typisch zu sein. Das gilt auch für die Ablenkung der Windkraft an einem rechteckförmigen Halbtaucher (Bild 7). Kraftablenkung an schräg angeströmten Quadern läßt an Automobile im Seitenwind denken. Je kleiner der Ablenkparameter bei unverändertem Widerstandsbeiwert ist, um so weniger empfindlich ist ein Auto gegen Wind. Vom Ablenkparameter ließe sich also schließen auf die Seitenwindempfindlichkeit eines Automobils.

Ein besonders anschauliches Bild vermittelt der Ablenkwinkel vom Windantrieb. Bild 8 zeigt eine vollständige Ansicht der Kraftablenkung gegenüber der Strömung (- $\frac{\pi}{2} \leq \Delta \epsilon \leq \frac{\pi}{2}$). Eingefügt sind Kurven $\Delta \epsilon (\epsilon)$ für a = const (Gl. (9)), wenn sie auch außerhalb O $\leq {a \choose a}$, ≤ 1 (Bild 3) kaum praktische Bedeutung haben. Zahlenwerte des Ablenkparameters gehen in Punkten, gespiegelt an der Linie a = O und an der Verbindungslinie maximaler Ablenkwinkel für a = const, durch

$$a' = \frac{1}{1 - \frac{1}{2}}$$
(27)

ineinander über.

Bei reinem Widerstand ist $\Delta \varepsilon = 0$ (a = 0). Im Grenzfall $\Delta \varepsilon = \pm \frac{\pi}{2}$, wirkt die Kraft quer zur Strömung (reine Querkraft), wie am rotierenden Zylinder in idealer Flüssigkeit. Bei $\Delta \varepsilon = \frac{\pi}{2} - \varepsilon$ steht die Strömungskraft quer zum Objekt (reine Seitenkraft). Ferner bedeutet $\Delta \varepsilon = -\varepsilon$ (a' = 1) reinen Längswiderstand. Es ist $\Delta \varepsilon > \frac{\pi}{2} - \varepsilon$ das Gebiet der Vordrift (Segeln) und $\Delta \varepsilon < \frac{\pi}{2} - \varepsilon$ das Gebiet der Abdrift.

Bild 9a zeigt den Verlauf des Ablenkwinkels für ein Frachtschiff mit Zusatzantrieb durch Flettner-Rotoren bzw. Segel. In Bild 9b ist die Querkraft über dem Ablenkwinkel aufgetragen. Schiff mit Rotoren, Rotoren stillstehend: Ablenkwinkel und Querkraft zeigen den von Schiffen her bekannten Verlauf. Rotoren mit gleicher Drehzahl, Umfangsgeschwindigkeit/Anströmgeschwindigkeit = 3: Geringe Abhängigkeit des Ablenkwinkels vom Anströmwinkel, vergleichsweise geringe Änderung auch der Querkraft; das heißt, die Windkräfte am Schiff werden von den Rotoren beherrscht. Schiff mit Segeln, optimale Segelstellung: Auch hier beherrschen die Segel die Windkräfte am Schiff, kenntlich am linearen Verlauf des Ablenkwinkels. Bis

- 8 -

zum Schnittpunkt des Ablenkwinkels mit der Linie a = 1 kann an den Wind gegangen werden, in diesem Fall mit Rotoren wie mit Segeln bis etwa ε = 30°.

3. Kraftellipse

Einen wichtigen Hinweis zur Identifikation der beiden Windkraftkennwerte Ablenkparameter und Querkraftmaximum gibt bereits Gl. (8). Aus der naheliegenden Annahme, daß sich Längskraft und Seitenkraft zueinander verhalten wie die entsprechenden Komponenten der Windgeschwindigkeit, folgt

$$a = 1 - \frac{CD_l}{CD_q} , \qquad (28)$$

wobei CD₁, CD_q der Beiwert des Längs- bzw. Querwiderstandes ist. Diesen grundlegenden Zusammenhang von Kraftablenkung und Kräften, folgend Deflektionsbeziehung genannt, findet man in Bild 10 aus Meßdaten grob bestätigt. Aufgetragen ist der Ablenkparameter der mittleren Ablenkung, kurz: mittlerer Ablenkparameter ā.

Ferner wird das Querkraftmaxiumum auf $\varepsilon = \frac{\pi}{4}$

$$\frac{CC_{max}}{CD_{q}} = \frac{a}{2}$$
 (29)

Bild 11 zeigt gemessene Werte, aufgetragen über dem mittleren Ablenkparameter. Sie liegen über Gl. (29). Der Grund liegt in der, deutlich konischen, Wirbelströmung an Schiffen bei schrägeinfallendem Wind. Der Wirbel ist um so kräftiger, je kompakter und höher ein Schiff ist, jedoch ohne tiefe Lücken wie bei Containerstapeln üblich. Daher findet man auch die höchsten Werte CC_{max}/CD_q an Fährschiffen und ähnlichen Schiffen. Aber Gl. (24), die auch für das Querkraftmaximum gilt, wird nicht überschritten. Dies ergibt

$$\frac{CC_{\max}}{CD_q} \le \frac{\alpha}{2-\alpha}$$
 (30)

Die Gleichungen (29) und (30) kann man verallgemeinern zu

$$\frac{CC_{max}}{CD_{q}} = \frac{\bar{a}}{2 - \delta \bar{a}}, \qquad (31)$$

mit $0 \le \delta \le 1$. Der Wert δ , im folgenden Querkraftkoeffizient genannt, hängt vom Schiffstyp ab.

Einem späteren Ergebnis vorgreifend, wird die Deflektionsbeziehung Gl. (28) erweitert zu

$$\bar{a} = 1 - \alpha \frac{CD_{l}}{CD_{q}}, \qquad (32)$$

mit α < 2 , folgend Deflektionskoeffizient genannt. Auch dieser Koeffizient hängt vom Schiffstyp ab.

Damit sind die kennzeichnenden Windkraftparameter \overline{a} und CC_{max} bzw. α und δ auf das Verhältnis von Längs- zu Querwiderstand, CD_1/CD_{α} , zurückgeführt.

Für den mittleren Ablenkparameter kann man nach Gl. (11) den maximalen Ablenkwinkel

$$\Delta \varepsilon_{\text{max}} = \arcsin \frac{\bar{a}}{2 - \bar{a}}$$
(33)

setzen. Der maximale Ablenkwinkel ist senkrechte Tangente und das bezogene Querkraftmaximum horizontale Tangente an die Querkraftschleife in Bild 4. Mit den Gln. (31) und (32) folgt aus Gl. (11)

$$\alpha = \frac{1}{CD_{l}/CD_{q}} \frac{1 - \sin \Delta \varepsilon_{max}}{1 + \sin \Delta \varepsilon_{max}}, \qquad (34a)$$

$$\delta = \frac{1 + \sin \Delta \varepsilon_{\text{max}}}{\sin \Delta \varepsilon_{\text{max}}} - \frac{1}{CC_{\text{max}}/CD_{\text{q}}}.$$
(34b)

In Anhang B wird in einem Beispiel gezeigt, wie man in einfacher Weise Windlastparameter aus der kennzeichnenden Auftragung gewinnt (Beispiel 1). Alle Zahlenwerte dieser Untersuchung zu Windlastparametern wurden durch Regression ermittelt.

Als ein Prinzip nutzbar ist, daß sich die Strömungskräfte an länglichen Objekten durch die Gleichung einer Ellipse, vergleichbar der Polaren,

$$\left(\frac{CD - CD_{l}\cos^{2}\varepsilon}{CY}\right)^{2} + \frac{1}{\left(1 - \frac{CD_{l}}{CD_{q}}\right)^{2}} \left(\frac{CC}{CY}\right)^{2} = 1$$
(35)

annähern lassen, folgend Ellipsenprinzip genannt. Bild 12 zeigt eine Auftragung für drei Schiffe. Auch hier ist das Containerschiff Musterfall. Ein gewisser Mangel des Ansatzes ist, daß eine allen Komponenten gemeinsame Winkelabhängigkeit verlorengeht. Sie wird später empirisch ersetzt.

Mit

$$CD = CT \cos \Delta \varepsilon, \quad CC = CT \sin \Delta \varepsilon, \quad (36)$$
$$CX = CT \cos (\varepsilon + \Delta \varepsilon), \quad CY = \sin (\varepsilon + \Delta \varepsilon)$$

erhält man aus Gl. (35) als Basislösung, gekennzeichnet durch einen Strich,

$$CT' = CD_{l} \frac{\cos^{2} \varepsilon}{\cos \Delta \varepsilon - \left[\sin^{2}(\varepsilon + \Delta \varepsilon) - \frac{\sin^{2} \Delta \varepsilon}{(1 - \frac{CD}{CD_{q}})^{2}}\right]^{\frac{1}{2}}$$
(37)

(38)

Aus $CT/CD_q = 1$ für $\varepsilon \neq \frac{\pi}{2}$ folgt mit Gl. (9) $\bar{a}_{1,2} = \left(1 - \frac{CD_l}{CD_q}\right)^2 \left(1 + \frac{\frac{CD_l}{CD_q}}{1 - \frac{CD_l}{CD_q}}\right)$.

Die erste Lösung ist die Deflektionsbeziehung Gl. (28); die zweite,

$$\bar{a}_2 = \left(1 - \frac{CD}{CD_q}\right) \left(1 - 2 \frac{CD}{CD_q}\right) , \qquad (39)$$

eignet sich für Trossen und Netze. In beiden Fällen liegt die Ablenkung mit dem Verhältnis von Längs- zu Querwiderstand fest.

Dieses Ergebnis deckt sich nicht ganz mit Versuchswerten (siehe Bild 10). Um auch Parameterpaare (\overline{a} , CC_{max}/CD_q) zuzulassen, wird in Gl. (35) die kleine Halbachse der Ellipse um einen Faktor (β) erweitert. Entsprechend lautet die erweiterte Basislösung

$$CT' = CD_{l} \frac{\cos^{2} \varepsilon}{\cos \Delta \varepsilon - \left[\sin^{2}(\varepsilon + \Delta \varepsilon) - \frac{\sin^{2} \Delta \varepsilon}{\beta^{2} (1 - \frac{CD}{CD_{q}})^{2}}\right]^{\frac{1}{2}}$$
(40)

Aus $CT/CD_q = 1$ für $\varepsilon \rightarrow \frac{\pi}{2}$ folgt $\frac{1}{2} - \bar{\alpha} + \frac{1}{2} - \frac{\bar{\alpha}^2}{\beta^2 (1 - \frac{CD_i}{CD_q})^2} = \frac{CD_i}{CD_q}.$ (41) Mit $\Delta \bar{a} = \bar{a} - \bar{a}_{1,2}, \quad \bar{a}_{1,2} \quad \text{nach Gl. (38), erhält man}$

$$\beta = \frac{1 + \frac{\Delta \bar{a}}{\bar{a}_1}}{\sqrt{1 + 2\Delta \bar{a}}}$$
(42)

- 12 -

für

$$(1-2 \frac{CD}{CD_q}) < \overline{\alpha} \leq (1-\frac{CD}{CD_q}), \qquad (43)$$

das heißt 1 $\leq \alpha < 2$, und

$$\beta = \frac{1 + \frac{\Delta \bar{a}}{\bar{a}_2}}{\left[1 + \frac{8\Delta \bar{a}}{(\sqrt{8\bar{a}_2 + 1} - 1)^2}\right]^{1/2}}$$
(44)

für

$$\left(\frac{1}{2} - \frac{CD}{CD_{q}}\right) \leq \bar{a} < \left(1 - 2 \frac{CD}{CD_{q}}\right)$$

$$(45)$$

Bild 13 zeigt Grenzkurven des Ablenkparameters und Kurven β = const.

Gleichung (43) führt zur erweiterten Deflektionsbeziehung Gl. (32). Sie wird durch Messungen bestätigt (Bild 10). Unterhalb der unteren Grenze findet man bei Schiffen keine Werte \overline{a} . Es ist das Gebiet der Trossen und Netze. Die obere Grenze wird in Einzelfällen überschritten. Es handelt sich dabei hauptsächlich um Schiffe, für die die Voraussetzung eines konstanten Ablenkparameters allenfalls grob angenähert gilt. Im Gültigkeitsbereich von Gl. (32) ist $\beta \leq 1$.

Ein geeigneter Ansatz für die in Gl. (35) verlorene Winkelabhängigkeit ist, in Anlehnung an die Helmholtz-Kirchhoff-Platte,

$$\frac{CT}{CT'} = \frac{1}{1 + B \sin^m \varepsilon \cos^n \varepsilon} , \qquad (46)$$

wobei für Schiffe m = n = 2. Man erhält

$$\frac{CT}{CT} = \frac{1}{1 + \left(\frac{CC \max}{CC \max} - 1\right) \sin^2 2\varepsilon}, \qquad (47)$$

mit dem Querkraftmaximum für die Basislösung, CC $'_{\rm max}$, und dem tatsächlichen Wert $\rm CC_{max}$.

Die Gleichungen (40) und (47) ergeben zusammen

$$CT = CD_{i} \frac{\frac{\cos^{2} \varepsilon}{1 + \left(\frac{CC \text{ max}}{CC \text{ max}} - 1\right) \sin^{2} 2\varepsilon}}{\cos \Delta \varepsilon - \left[\sin^{2} (\varepsilon + \Delta \varepsilon) - \frac{\sin^{2} \Delta \varepsilon}{\beta^{2} \left(1 - \frac{CD_{i}}{CD_{q}}\right)^{2}}\right]^{1/2}}, \qquad (48)$$

mit β nach Gl. (42) und Δε nach Gl. (9). Fügt man für den

Basiswert CC' $_{\rm max}$ Gl. (29) ein, als Näherung für praktisch alle Werte $\beta,$ so wird

$$CT = CD_{l} - \frac{\frac{\cos^{2} \varepsilon}{1 - \frac{\delta}{2} \left(1 - \alpha \frac{CD_{l}}{CD_{q}}\right) \sin^{2} 2\varepsilon}}{\cos \Delta \varepsilon - \left[\sin^{2} (\varepsilon + \Delta \varepsilon) - \frac{1 + 2 (1 - \alpha) \frac{CD_{l}}{CD_{q}} \sin^{2} \Delta \varepsilon}{\left(1 - \alpha \frac{CD_{l}}{CD_{q}}\right)^{2}}\right]^{\frac{1}{2}}, \quad (49)$$

mit

$$\Delta \varepsilon = \operatorname{arc} \operatorname{tg} \left(\frac{\operatorname{tg} \varepsilon}{\alpha \, \frac{CD_{l}}{CD_{q}}} \right) - \varepsilon \quad . \tag{50}$$

Dieser Ansatz eignet sich gleichermaßen zum Schätzen der Windkräfte wie, unter Verwendung der Gln. (34), zur Approximation von Meßdaten.

4. Giermoment und Rollmoment

Die Hebel der Windmomente am Schiff, nach den Gln. (4) und (6) gebildet mit der Seitenkraft, sind in gewissem Grade formale Größen. Denn zum Rollmoment tragen auch vertikale Druckkräfte am Schiff bei, und das Giermoment enthält, wenn auch in geringerem Maße, kraftfreie Anteile, Munksches Moment genannt.

Ein anschauliches Beispiel dazu ist die ebene Platte. Bei offenem Totwasser beträgt das Giermoment, als Beiwert nach Gl. (2), (siehe Lamb, 1952),

$$CN_{HKP} = \frac{\frac{3}{4}\pi \sin 2\varepsilon}{(4 + \pi \sin \varepsilon)^2}$$
(51)

Es hat keinen kraftfreien Anteil. Ohne Ablösung lautet das nun rein Munksche Moment

$$CN_{Munk} = \frac{\pi}{4} \sin 2\varepsilon$$
 (52)

Das Verhältnis der beiden Momente ist

$$\frac{CN_{HKP}}{CN_{Munk}} = \frac{3}{(4 + \pi \sin \varepsilon)^2},$$
(53)

Dies ergibt für $\varepsilon = 0^{\circ}$, 30°, 60°, 90° Werte von 20, 10, 7 und 6 %.

Die Windmomente hängen im allgemeinen stärker von Besonderheiten der Schiffe ab als die Windkräfte. Zusammenhänge sind daher weniger ausgeprägt und die Identifikation von Momentenparametern ist weniger scharf.

Ein deutlicher Zusammenhang aber besteht zwischen dem Hebel des Giermoments bei Querströmung und der horizontalen Lage des Lateralschwerpunktes S_1 . In guter Annäherung gilt, daß die Seitenkraft auf der Höhe des Schwerpunktes angreift (Bild 14).

Das verbleibende Giermoment um die Momentenachse bei Querströmung ist

$$\Delta N = N - x_{F,q} Y, \qquad (54)$$

bzw. dimensionslos

$$\Delta CN = CN - \frac{x F, q}{L_{OA}} CY, \qquad (55)$$

mit x_{F,q} Hebel bei Querströmung. Entsprechend Gl. (5) lautet der Hebel

$$\frac{\Delta x_{F}}{L_{OA}} = \frac{N}{YL_{OA}} - \frac{x_{F,q}}{L_{OA}}$$

$$= \frac{CN}{CY} - \frac{x_{F,q}}{L_{OA}}$$
(56)

Bild 15 zeigt den Hebel für ein Containerschiff, ein Fährschiff und ein Offshore-Versorgungsschiff.

Zwei Eigenschaften von Δx_F fallen auf: Die Änderung mit dem Anströmwinkel bei quereinfallendem Wind, $(dx_F/d\epsilon)_q = (dx_F/d\epsilon)_{\epsilon=\pi/2}$, ist für alle untersuchten Schiffe, Bohrschiffe ausgenommen, in etwa gleich. Signifikante Unterschiede lassen sich nicht erkennen. Im Mittel ist

$$\frac{1}{L_{OA}} \left(\frac{dx_F}{d\epsilon} \right)_q = -0.18 \quad . \tag{57}$$

Für die Helmholtz-Kirchhoff-Platte erhält man -0,105. Dieser Wert scheint auch für Platten in realer Strömung zuzutreffen (Bild 16). Von ähnlicher Größe ist der Wert für Bohrschiffe und am Schiffsrumpf.

Die zweite Eigenschaft betrifft den Verlauf des Hebels über dem Windeinfallswinkel. Im allgemeinen ist Δx_F bei vorlichem Wind größer als bei achterlichem Wind immer dann, wenn der Schwerpunkt der Lateralfläche vor Hauptspant liegt, und umgekehrt. Zu einem geeigneten Parameter führt die Helmholtz-Kirchhoff-Platte. Hierfür erhält man aus den Gln. (19) und (51)

$$\left(\frac{XF}{B}\right)_{HKP} = \frac{3}{16} \frac{\cos\varepsilon}{1+\frac{\pi}{4}\sin\varepsilon},$$
(58)

mit ^B Breite der Platte. Entsprechend wird für Schiffe angesetzt

$$\Delta x_{F} = \Delta x_{F,1} \frac{\cos \varepsilon}{1 + \gamma \sin \varepsilon}$$
 (59)

Es ist $\Delta x_{F,1} = \lim_{\epsilon \to 0, \pi} \Delta x_F$ der Hebel bei Längsströmung. Dieser Grenzhebel läßt sich nicht messen, aber aus Messungen ermitteln. Der Koeffizient γ , folgend Giermomentenkoeffizient genannt, kennzeichnet den Giermomentenverlauf. Für $\gamma = 0,618$ ändert sich der Hebel praktisch linear. Wenn $\gamma > 0,618$, wächst Δx_F überproportional, und umgekehrt. An der Helmholtz-Kirchhoff-Platte ist $\gamma = \frac{\pi}{4} = 0,785$. Es gilt

$$\gamma = \left| \frac{\Delta x_{F,l}}{\left(\frac{dx_{F}}{d\epsilon}\right)_{q}} \right| - 1$$
(60)

Bild 17 enthält aus Messungen gewonnene Werte für den Grenzhebel $\Delta x_{F,l}$, aufgetragen über der Lage des Lateralschwerpunktes gegenüber Hauptspant.

Bild 15 zeigt in Beispielen den Verlauf des Rollmomentenhebels, Gl. (7), am aufrecht schwimmenden Schiff über dem Windeinfallswinkel. Kennzeichnend dafür ist das Verhältnis des Hebels bei

- 15 -

quereinfallendem Wind, $z_{\rm F,q}$, zur Höhe des Lateralschwerpunktes über der Schwimmwasserlinie, $\rm S_h$

$$\frac{\partial e}{\partial s_h} = \frac{z_{F,q}}{s_h},$$
(61)

folgend Rollmomentenkoeffizient genannt.

Im Mittel nimmt κ mit dem Verhältnis von Schiffsbreite zur (mittleren) Schiffshöhe, B/H_M , zu (Bild 18). Einzelheiten der Schiffsüberbauung haben einen starken Einfluß. Das bestätigen auch Messungen an einem Quader mit Schiffsabmessungen (B/L = 0,15) mit und ohne Schanzkleid. Sie sind in Bild 18 hinzugefügt. An Platten mit Bodenplatte liegt der Druckpunkt der Strömung unter dem Flächenschwerpunkt ($\kappa < 1$), (Bild 16).

5. Modell und Wirklichkeit

Schiffe sind über Wasser überwiegend kantig. Daher spielt die Reynoldszahl der Umströmung nur eine untergeordnete Rolle, und Windkanalversuche können an relativ kleinen Modellen mit mäßigen Windgeschwindigkeiten durchgeführt werden bei Reynoldszahlen um rund zwei Zehnerpotenzen unter dem Wert für die Großausführung. Diese Messungen erfolgen überwiegend in turbulenzarmer Strömung ohne Gradienten. Man kann erwarten, daß die am Modell gemessenen Windlastbeiwerte dann auch für die Großausführung gelten, wenn außerdem die Windkanalströmung die Eigenschaften der Luftströmung hat.

Für schnelle Schiffe bei mäßigem Wind trifft das zu. Der Fahrtwind beherrscht die Kräfte am Schiff. Bei langsamen Schiffen und besonders am Schiff ohne Fahrt ist dagegen der natürliche Wind entscheidend. Der Wind aber ist durch Turbulenz und Gradienten verschieden von der Strömung in normalen Windkanälen. Turbulenz und Windgradient haben einen deutlichen Einfluß auf die Windkräfte an einem Objekt.

- 16 -

Man kann die Eigenschaften des Windes im Windkanal nachbilden und so seine Wirkung auf das Schiff im Modell unmittelbar messen. Wie aber läßt sich der Einfluß des Windes in Beiwerten berücksichtigen, die in einer Strömung ohne Gradienten gewonnen worden sind ?

Das kann, wie Wieghardt (1952) für Oberflächenstörungen in turbulenter Reibungsschicht gezeigt hat, durch einen mittleren Staudruck im Bereich des Objektes geschehen. An Schiffen lassen sich mittlere Staudrücke eindeutig über die mittlere Höhe und, etwas aufwendig, über die Schattenfläche bilden. Mit dem Potenzgesetz für das Profil des natürlichen Windes

$$\frac{u}{u_h} = \left(\frac{z}{z_h}\right)^{1/n}$$
(62)

lautet der bezogene mittlere Staudruck über die mittlere Höhe H_{M}

$$\frac{\overline{q}_{H}}{q_{h}} = \frac{n}{n+2} \left(\frac{H_{M}}{z_{h}}\right)^{2/n}$$
(63)

Es ist u die mittlere Windgeschwindigkeit in der Höhe z und u_h der Mittelwind, der für die Bezugshöhe $z_h = 10 \text{ m}$ angegeben wird. Entsprechend ist $q_h = \frac{\rho}{2} u_h^2$ der Staudruck des Mittelwindes. Für starken Wind über See ($u_h = u_{10} > \text{etwa 6} \frac{\text{m}}{\text{s}}$) liegt n zwischen 8 und 12 (Davies und Miller, 1982), ein geeigneter Mittelwert ist n = 10 (Wieghardt, 1972).

Da die Windkräfte am Schiff wesentlich durch die Seitenkraft geprägt sind, wenn man von Wind unmittelbar von vorn und von achtern absieht, wird über die mittlere Höhe der Lateralfläche integriert. Der flächengemittelte Staudruck \overline{q}_A wird entsprechend über die Lateralfläche gebildet. Es ist $\overline{q}_A \geq \overline{q}_H$ ($\overline{q}_A = \overline{q}_H$ bei rechteckigem Lateralplan).

Der flächengemittelte Staudruck scheint die Kräfte im Wind besser zu treffen als der Staudruck über die mittlere Höhe. Welche Rolle die Windkanalturbulenz spielt, wird noch gezeigt. Folgerichtig und in der Tendenz zutreffend ist die Umrechnung des

- 17 -

- 18 -

Rollmomentenhebels mit dem Hebel des gemittelten Staudrucks.

Am fahrenden Schiff ist das Profil des scheinbaren Windes verwunden. Hier wählt man (so Blume, 1975) als Strömungsprofil eine koplanare Überlagerung von Fahrtwind und Windprofil mit der Richtung des scheinbaren Windes in der mittleren Höhe des Lateralplans.

Windturbulenz und Windgradient sind insofern untrennbar, als Turbulenz das Windprofil erzeugt. Ihre Wirkung am Modell aber ist, mit Blick auf die Umrechnung von Windlastbeiwerten, sehr wohl zu unterscheiden.

Aus Messungen an einfachen Körperformen (z.B. Roberson et al., 1972) ist bekannt, daß Turbulenz auf den Widerstand scharfkantiger Objekte, die gemeinhin als kennzahlunempfindlich gelten, einen beträchtlichen Einfluß haben kann. Zurückzuführen ist dieses Verhalten auf den mit der Turbulenz der Strömung veränderten Impulsaustausch im gestörten Strömungsbereich am Objekt.

An verschiedenen Schiffsmodellen ist bei Reynoldszahlen um 2 · 10⁶ generell eine Erhöhung des Windwiderstandes mit zunehmender Turbulenz der Strömung gemessen worden. Bild 19 zeigt Messungen am Modell eines Fährschiffes aus turbulenzarmer Strömung (Turbulenzintensität 0,5 %) und turbulenter Strömung (Turbulenzintensität 4 %), erzeugt durch ein Gitter mit horizontalen Stäben in gleichem Abstand.

Reduziert man Windkraftbeiwerte aus der Strömung mit Gradienten auf gleichförmige Strömung ohne Gradienten, so kommen diese Werte im allgemeinen den Meßwerten aus turbulenter Windkanalströmung näher als aus turbulenzarmer Strömung.

Ein Anstieg des Windwiderstandes mit zunehmender Turbulenz bei quereinfallendem Wind scheint im Gegensatz zu stehen zu Meßergebnissen für Leisten mit Rechteckquerschnitt in unbegrenzter Strömung (Roberson et al.,(1972). In der Tat ist der Widerstandsanstieg am Schiffsmodell schwer zu erklären. Zu vermuten ist ein noch unbekannter Einfluß der Reynoldszahl. Bei Reynoldszahlen um 10⁴, gebildet mit der Querschnittsbreite, bemerkten Roberson et al. ein deutliches Sinken des Widerstandes mit zunehmender Turbulenz. Aber um 10⁵ wurde für eine quadratische Leiste so gut wie kein Einfluß mehr festgestellt (entsprechende Reynoldszahl für das Schiffsmodell, gebildet mit der Schiffsbreite, etwa 2.10⁵).

Eine weitere Frage ist der Einfluß eines Windgradienten auf den Verlauf der Kräfte am Schiff. Bild 20 belegt am Beispiel eines Containerschiffes, daß Kraftablenkung und bezogene Querkraft in Strömung mit und ohne Gradienten praktisch übereinstimmen.

Schiffe verhalten sich aerodynamisch wie ein rauhes längliches Objekt. Zwar machen sich einzelne Deckshäuser, Kräne und Gruppen von Containern in den Windkräften durchaus bemerkbar; sie ändern aber nicht deren regulären Verlauf über dem Windeinfallswinkel, solange solche 'Einzelrauhigkeiten' nicht von der Größenordnung des Schiffes selbst sind, wie der Bohrturm auf einem Bohrschiff. Keineswegs läßt sich, wegen Interferenz und Abschirmeffekten, die Wirkung einzelner Bauteile als Bilanz einfach Posten für Posten addieren, wie es für Offshoreplattformen nach Regeln zum Teil üblich ist. Eher ist an einen Einfluß im statistischen Sinne zu denken. Dieses kommt auch darin zum Ausdruck, daß Fläche und Flächenschwerpunktslage, als O. und 1. Moment der Lateralfläche, für die Windkräfte und Windmomente am Schiff wichtige Bezugsgrößen sind.

Die Erfahrung zeigt, daß man bei Schiffsmodellen für Windkanalmessungen auf Feinheiten verzichten kann. Wichtig ist die getreue Nachbildung von vor allem Volumina und deren Eigenschaften (Körperform, abgerundete, scharfkantige Form).

Eine Frage von grundsätzlicher Bedeutung ist, wie weit man in der Vereinfachung gehen kann, und dennoch den für den Schiffstyp kennzeichnenden Verlauf der Windlastbeiwerte erhält. Dies soll durch zwei Beispiele beantwortet werden.

Heutige Fähr- und Fahrgastschiffe sind ausgeprägt quaderförmig. Der Quader als geräumiges Behältnis ist gewissermaßen Grundform dieses Schiffstyps. Tatsächlich stimmt der Verlauf der Kräfte und Momente am Quader, wie der Vergleich in Bild 21 zeigt, mit dem Verlauf an einem Fährschiff überein, bei achterlichem Wind sogar in Feinheiten, obwohl Quader und Schiff in den Abmessungen nicht aufeinander abgestimmt sind.

- 19 -

Gleiches gilt für das zweite Beispiel. Die Aufbauten von Marineschiffen sind stufenförmig angeordnet. Hier könnte man an ein Prisma denken. Bild 22 gibt dem recht. Der Vergleich läßt deutlich die gleiche Winkelabhängigkeit der Kräfte für ein solches Objekt und für einen Tender erkennen. Für beide Objekte ist der Ablenkparameter praktisch unabhängig vom Anströmwinkel und gleich groß.

6. Parameterwerte und Lastfunktionen

Drei Ansätze für die Windkräfte werden vorgestellt. Sie enthalten folgende Parameter: Widerstandsverhältnis CD_1/CD_q , Ablenkparameter a, bezogenes Querkraftmaximum CC_{max}/CD_q und Winkel des Querkraftmaximums, $\epsilon_{CC_{max}}$.

Anhaltswerte für den Windwiderstand verschiedener Schiffstypen gibt Tabelle 1. Sie gelten für übliche Bauweise ohne besondere Maßnahmen zur Widerstandsverminderung und - wenn vorhanden - normale Decksladung. Meßwerte für verschiedene Schiffsmodelle enthält Anhang A. Weitere Daten: mittlerer Ablenkparameter in Bild 10, bzw. Deflektionskoeffizient α in Tabelle 2, Querkraftmaximum in Bild 11 bzw. Querkraftkoeffizient δ in Tabelle 2, $\epsilon_{CC_{max}} \simeq 45^{\circ}$ (Bild 6).

Favorit ist der Ansatz nach dem Ellipsenprinzip Gl. (48). Die Grenzen für den Ablenkparameter sind durch Gl. (43) gegeben. Mit der vereinfachenden Annahme $\overline{a} = 1 - CD_1/CD_q$ aus Gl. (32) mit $\alpha = 1$ lauten Längs- und Seitenkraft unter Verwendung der Gln. (29) und (47):

$$CX = -CD_{l} \frac{\cos \varepsilon}{1 + (\frac{1}{2} \frac{1 - CD_{l}/CD_{q}}{CC_{max}/CD_{q}} - 1) \sin^{2} 2\varepsilon} , \qquad (64)$$

$$CY = CD_{q} \frac{\sin \varepsilon}{1 + \left(\frac{1}{2} \frac{1 - CD_{l}/CD_{q}}{CC_{max}/CD_{q}} - 1\right) \sin^{2} 2\varepsilon}$$
(65)

mit

$$\frac{CC_{max}}{CD_{q}} = \frac{1 - CD_{l}/CD_{q}}{2 - \delta(1 - CD_{l}/CD_{q})},$$
(66)

und man erhält nach Elimination von CC_{max} , als Näherung für alle Schiffe, die zweiparametrigen Lastfunktionen (Parameter CD_1/CD_q und δ)

$$CX = -CD_{l} \frac{\cos \varepsilon}{1 - \frac{\delta}{2} \left(1 - \frac{CD_{l}}{CD_{q}}\right) \sin^{2} 2\varepsilon}, \qquad (67)$$

$$CY = CD_{q} \frac{\sin \varepsilon}{1 - \frac{\delta}{2} \left(1 - \frac{CD}{CD_{q}}\right) \sin^{2} 2\varepsilon}$$
(68)

Der zweite Ansatz, folgend Querkraftmethode genannt, ist eine Erweiterung von Gl. (20):

$$CC = CC_{max} \frac{\sin 2\varepsilon}{A + B \sin^{m} \varepsilon + C \cos^{n} \varepsilon + D \sin 2\varepsilon \cos 4\varepsilon}$$
(69)

Die Werte des Ablenkparameters für Längs- und Querströmung, a_l und a_q, brauchen hierfür nicht übereinzustimmen; jedoch muß a < 1 sein. Der Ansatz ermöglicht daher eine feinere Wiedergabe der Ablenkung.

Die Koeffizienten folgen aus der Forderung, daß

1.
$$\lim_{\epsilon \to O} CD = CD_{1} , \text{ somit}$$

$$A+C = 2 \frac{CC_{max}}{CD_{l}} \frac{1-a_{l}}{a_{l}} \quad (abk \ddot{u}rzend \tau), \quad (70)$$
2.
$$\lim_{\epsilon \to \frac{\pi}{2}} CD = CD_{q} , \text{ somit}$$

$$\epsilon \to \frac{\pi}{2} \quad A+B = 2 \frac{CC_{max}}{CD_{q}} \frac{1}{a_{q}} \quad (abk \ddot{u}rzend \sigma), \quad (71)$$

$$\lim_{\epsilon \to 0} a = a_1, \quad \lim_{\epsilon \to \frac{\pi}{2}} a = a_q, \quad \text{falls } a(\epsilon), \text{ sonst } a_1 = a_q = a,$$

3.
$$CC(\varepsilon = \varepsilon_{CC_{max}}) = CC_{max}$$
, somit

$$A = \frac{GS^{m} + \tau c^{n} - SI(1 - DSIV)}{S^{m} + c^{n} - 1}, \qquad (72)$$
mit $S^{m} + c^{n} - 1 > 0$,

4.
$$\left(\frac{dCC}{d\varepsilon}\right) = 0$$
, somit
 $\varepsilon = \varepsilon_{CC_{max}}$

$$D = \frac{2(A+Bs^{m}+Cc^{n})cII-(mBs^{m-1}c-nCc^{n-1}s)sII}{4s^{2}IIcIV}$$
(73)

Abkürzend wurde geschrieben

$$s = \sin \varepsilon_{CC} \max^{3} c = \cos \varepsilon_{CC} \max^{3}$$

$$sII = \sin 2\varepsilon_{CC} \max^{3} c II = \cos 2\varepsilon_{CC} \max^{3}$$

$$sIV = \sin 4\varepsilon_{CC} \max^{3} c IV = \cos 4\varepsilon_{CC} \max^{3}$$
(74)

Zahlenwerte für die Exponenten m und n findet man durch folgende Überlegung. Für kleine Anströmwinkel um die Schiffslängsachse gilt angenähert

$$CC \propto (CD - CD)^{1/m}$$
(75)

An der Helmholtz-Kirchhoff-Platte ist m=2. Dieselbe Abhängigkeit trifft für Tragflügel zu und für das Flugzeug insgesamt. Für Schiffe ist im Mittel m = $\frac{4}{3}$.

Am quer angeströmten Schiff wird

$$\left(\frac{dCD}{d\varepsilon}\right)_{\varepsilon=\frac{\pi}{2}} = 0 \tag{76}$$

angenommen. Bei Symmetrie um Hauptspant gilt das exakt. Dies erfordert n > 1. Ferner muß $\sin^m \varepsilon + \cos^n \varepsilon > 1$ für $0 \le \varepsilon \le \frac{\pi}{2}$ erfüllt sein. Ein geeigneter Wert ist n=2.

Der Koeffizient D in Gl. (69) bewirkt, daß das vorgegebene Maximum der Querkraft im vorgegebenen Anströmwinkel $\epsilon_{\rm CC_{max}}$ zu liegen kommt. In der Regel ist D ein kleiner Wert. Setzt man ihn gleich Null und verzichtet damit auf die genaue Wiedergabe des Querkraftmaximums, so lautet Gl. (72)

$$A = \frac{6 s^{m} + \tau c^{n} - s II}{s^{m} + c^{n} - 1} .$$
 (77)

Der dritte Ansatz, hier Helmholtz-Kirchhoff-Ansatz genannt, weil er auf den Querkraftverlauf an der Helmholtz-Kirchhoff-Platte, Gl. (22), gründet, ist eine grobe Annäherung. Benötigt werden Längs- und Querwiderstand, CD_1 und CD_q , und ein Koeffizient λ für das Querkraftmaximum in Gl. (23).

23 -

Die Lastfunktionen der Windkraft werden durch Ablenkung (Gl. (9)) und Querkraft gebildet. Dem Ansatz angemessen, aber nicht notwendig, ist die Annahme $\overline{a} = 1 - CD_1/CD_q$ Der Querkraftverlauf besteht aus zwei Kurvenzügen, die in $\varepsilon = \frac{\pi}{4}$ den gemeinsamen Wert CC_{max} annehmen. Ein Knick im Kraftverlauf an dieser Stelle ist die Folge.

Im Winkelbereich
$$\frac{\pi}{4} \le \varepsilon \le \frac{\pi}{2}$$
 gilt Gl. (23). Für $0 \le \varepsilon \le \frac{\pi}{4}$ wird
 $\frac{CC}{CD_q} = \frac{CC_{max}}{CD_q} \frac{\sin^2 \varepsilon}{A + B \sin^{4/3} \varepsilon}$
(78)

angesetzt, wobei

$$\frac{CC_{max}}{CD_{q}} = \arctan \left(\frac{1 - CD_{l}/CD_{q}}{1 + CD_{l}/CD_{q}} \left(1 - \lambda \left(\arctan \frac{1 - CD_{l}/CD_{q}}{1 + CD_{l}/CD_{q}} \right)^{2} \right) \right)$$
(79)

aus Gl. (23). Für λ kann angenommen werden (Bild 5): O,15 für Autotransporter, Fährschiffe, Passagierschiffe; O,30 für Zerstörer, Tender; O,45 für Containerschiffe, Taucherbasisschiffe, Frachtschiffe, Forschungsschiffe, Offshore-Versorgungsschiffe; O,60 für Fischkutter, Tanker; 1,5 für Bohrschiffe.

Wegen lim CD = CD₁ und CC($\varepsilon = \frac{\pi}{4}$) = CC_{max} wird in Gl. (78) $\varepsilon \rightarrow 0$

$$A = 2 \frac{CC_{max}}{CD_{q}} \frac{1}{1 - CD_{l}/CD_{q}}$$
(80)

und damit

$$B = 2^{3/2} (1 - A) .$$
 (81)

Bild 23 zeigt einen Vergleich der Wind-Lastfunktionen für Widerstand und Querkraft mit Meßwerten für ein Containerschiff.

Für den Hebel des Windgiermoments um Hauptspant wird der Ansatz gemacht

$$x_F = S_l + \Delta x_{F_l} \frac{\cos \varepsilon}{1 + \gamma \sin \varepsilon}$$
, (82)

wobei der Giermomentenkoeffizient

$$\gamma = \begin{vmatrix} \frac{\Delta x_{F,l}}{\left(\frac{d x_{F}}{d \varepsilon}\right)_{q}} & -1 \end{cases}$$
(83)

Es ist S_1 der horizontale Abstand des Lateralschwerpunktes von Hauptspant. Im Mittel gilt $\left(\frac{dx}{d\varepsilon}F\right)_q$ =-0,18 L_{OA} (für Bohrschiffe -0,10 L_{OA}). $\Delta x_{F,1}$ ist der Grenzwert des Hebels für Längsströmung. Zahlenwerte dafür können aus Bild 17 gewonnen werden. Zur ungefähren Eingrenzung ist die empirische Funktion

$$\frac{\left|\Delta \times F_{l}\right|}{L_{OA}} = 0,25 \pm (\text{sign } S_{l}) 0,15 \left[1 - \exp\left(-20 \left|\frac{S_{l}}{L_{OA}}\right|\right)\right]$$
(84)

eingetragen worden.

Der Hebel des Windrollmoments um die Schwimmwasserlinie wird

$$z_{F} = z_{F,q} = \mathcal{R}S_{h} , \qquad (85)$$

mit S_h Höhe des Lateralschwerpunktes und Rollmomentenkoeffizient κ . Zahlenwerte dafür können Bild 18 entnommen werden.

Ein Anwendungsbeispiel zur Schätzung von Windlastbeiwerten wird in Anhang B gegeben (Beispiel 2). Ein weiterer Anwendungsfall (Beispiel 3) nutzt das Ellipsenprinzip mit $\overline{a} = 1 - CD_1/CD_q$ sowohl für die Windwirkung als auch für die resultierenden Driftkräfte, um den nötigen Schub eines Bugstrahlapparates zum Drehen des Schiffes durch den Wind zu berechnen. - 25 -

7. Anpassen von Windlastbeiwerten

Mit den Gln. (49) ist bereits ein Ansatz vorgestellt worden, um Meßdaten anzunähern, wobei die Koeffizienten über die Gln. (34) unmittelbar aus der kennzeichnenden Auftragung gewonnen werden. Eine Approximation auch in Feinheiten des Verlaufs ermöglichen die im Folgenden gegebenen Funktionen.

Schiffe können für vorlichen und achterlichen Wind als völlig verschiedene Objekte betrachtet werden; die Kräfte und Momente bei quereinfallendem Wind müssen nur stetig sein. Entsprechend erhält man getrennte Koeffizientensätze für vorliche und achterliche Anströmung. Sie ergeben sich aus der Forderung kleinster quadratischer Abweichungen in den beiden Quadranten des Windeinfalls. Handelt es sich um ein Schiff mit ausgeprägter Seitenunsymmetrie, so wird man die Anpassung auf alle vier Quadranten ausdehnen. Die Koeffizienten sind nun formaler Art.

Der Windkraftvektor wird durch Betrag und Ablenkung gegenüber dem Wind formuliert. Der Betrag, Beiwert CT, wird erzeugt durch Approximation der Projektionen von Seiten- und Längskraft, CY sin($\varepsilon + \Delta \varepsilon$) und CX cos($\varepsilon + \Delta \varepsilon$) :

$$CT = CD_{q} \frac{\sin^{\mu} \varepsilon}{1 + A_{CT} \sin^{m} \varepsilon \cos^{\rho} \varepsilon} + CD_{l} \frac{\cos^{\nu} \varepsilon}{1 + B_{CT} \sin^{n} \varepsilon \cos^{q} \varepsilon} , \qquad (86)$$

mit den Beiwerten von Quer- und Längswiderstand, CD_q und CD_1 . Der Ansatz für den Ablenkwinkel ist gleichlautend mit Gl. (9),

$$\Delta \varepsilon = \Delta \varepsilon_{q} \sin \varepsilon + \begin{cases} \operatorname{arctg} \left(\frac{\operatorname{tg} \varepsilon}{1 - \alpha} \right) - \varepsilon & \text{für a < 1} \\ \frac{\pi}{2} - \varepsilon & \text{für a = 1} \\ \pi + \operatorname{arctg} \left(\frac{\operatorname{tg} \varepsilon}{1 - \alpha} \right) - \varepsilon & \text{für a > 1} \end{cases}$$
(87)

mit der Erweiterung a \geq 1 , das heißt, es ist auch Längsschub zulässig bei vorlichem Wind und Längswiderstand bei achterlichem

Wind. Für den Ablenkparameter hat sich der Ansatz

$$a = A_{\Delta \varepsilon} + B_{\Delta \varepsilon} \sin^2 \varepsilon + C_{\Delta \varepsilon} \sin^2 2\varepsilon$$
(88)

bewährt. Die Koeffizienten werden aus der Forderung bestimmt, daß die mittlere quadratische Abweichung für die Näherungsfunktion des Ablenkwinkels, Gl. (87), zum Minimum wird.

Für den Giermomentenhebel wird Gl. (82) erweitert zu

$$x F = x F, q + LOA \qquad \frac{A \times F \cos \varepsilon}{1 + B \times F \sin \varepsilon + C \times F \cos \varepsilon}$$
(89)

wobei, wie bisher, $x_{F,q}$ der Hebel bei Querströmung ist für das Moment um Hauptspant.

Für den Rollmomentenhebel wird ähnlich angesetzt

$$^{Z}F = ^{Z}Fq + H_{M} + \frac{A_{Z}F\cos \varepsilon}{1+B_{Z}F\sin \varepsilon}$$
, (90)

aber linearer Verlauf angenommen: $B_{ZF} = 0,618$, mit $z_{F,q}$ Rollmomentenhebel bei quereinfallendem Wind.

Bild 24 zeigt approximierte Windkraft, Ablenkung und Hebel der Windmomente und zugehörige Koeffizienten für ein Fährschiff. In Bild 25 wird mit den gemessenen Windlastbeiwerten verglichen. Ein Anwendungsbeispiel ist in Anhang B enthalten (Beispiel 4).

8. Zusammenfassung

Zwischen den Windkräften und Windmomenten für verschiedene Schiffe besteht kein grundlegender Unterschied. Es ist die gleiche, an allen länglichen Objekten zu beobachtende Abhängigkeit vom Anströmwinkel. Typisch dafür ist die Ablenkung der Strömungskraft gegenüber der Strömung. Dies wird für die formelmäßige Darstellung der Windwirkung am Schiff genutzt. Als erweiterungsfähiger Ansatz erweist sich dabei die klassische mathematische Strömung an der ebenen Platte mit offenem Totwasser.

Diese Strömung auch ermöglicht die Identifikation von Windkraftparametern. Besondere Bedeutung hat dabei das Verhältnis von Längszu Querwiderstand. Ablenkparameter und Querkraftmaximum als kennzeichnende Parameter des Windkraftverlaufs lassen sich darauf zurückführen. Für die Hebel der Windmomente und die sie kennzeichnenden Parameter ist die Schwerpunktslage der Lateralfläche eine wichtige Größe.

Die Abschätzung der aerodynamischen Eigenschaften eines Schiffes wird auf die Bestimmung von sechs Zahlenwerten zurückgeführt. Das sind außer den Beiwerten für Längs- und Querwiderstand vier Koeffizienten für: Windkraftablenkung, Querkraft, Giermoment und Rollmoment. Lastfunktionen liefern dann die Kräfte und Momente am Schiff. Sie lassen sich auch für die Strömungskräfte am Schiffsrumpf verwenden. Eine weitere Nutzanwendung ist die Approximation gemessener Windlastbeiwerte.

Die typische Winkelabhängigkeit der Windkräfte im Windkanalversuch am Modell in Strömung ohne Gradienten gilt auch für das Schiff im natürlichen Wind. Der Einfluß des Windgradienten auf die Windkräfte wird durch einen mittleren Staudruck erfaßt. Noch nicht hinreichend geklärt ist der Einfluß der Windturbulenz.

Ein herzlicher Dank gilt den Mitarbeitern des Instituts, die durch ihre Mithilfe zu diesem Bericht beigetragen haben, insbesondere Frau Liselotte v. Maydell, Frau Ingeborg Jurschek und Frau Ute Schmidt für Schreib- bzw. Zeichenarbeit und Herrn Eberhard Schuckert und Herrn Holger Methner für Messung bzw. Datenverarbeitung.

- 27 -

9. Bezeichnungen

A _F	Frontschattenfläche
AL	Lateralfläche
a	Ablenkparameter
ā	mittlerer Ablenkparameter
В	Breite, Breite in der Wasserlinie
С	Querkraft
СС	Beiwert der Querkraft
CC _{max}	Beiwert des Querkraftmaximums
CD	Beiwert des Widerstandes
СК	Beiwert des Rollmoments
CD1	Beiwert des Längswiderstandes
CN	Beiwert des Giermoments
∆CN	Beiwert des Giermoments um Momentenachse bei Querströmung
CDq	Beiwert des Querwiderstandes
СТ	Beiwert der Windkraft
СХ	Beiwert der Längskraft bezüglich A _L
CXAF	Beiwert der Längskraft bezüglich A _F
СҮ	Beiwert der Seitenkraft
D	Widerstand
H _M	mittlere Höhe der Lateralfläche
К	Rollmoment um die Schwimmwasserlinie
L	Länge
LOA	Länge über alles
N	Giermoment um Hauptspant
$\Delta \mathbf{N}$	Giermoment um Momentenachse bei Querströmung
đ	Staudruck
q _h	Staudruck in Anemometerhöhe z _h
\overline{q}_{A}	über A _L gemittelter Staudruck
\overline{q}_{H}	über H _M gemittelter Staudruck
s _h	Lateralschwerpunkt über der Schwimmwasserlinie
sl	horizontaler Abstand des Lateralschwerpunktes von Hauptspant
Т	Windkraft
u	Windgeschwindigkeit
u _h	Windgeschwindigkeit in Anemometerhöhe z _h

······

- 28 -

Х	Längskraft
× _F	Hebel des Giermoments N
x _F ,q	Hebel des Giermoments bei Querströmung
Δx _F	Hebel des Giermoments um Momentenachse
$\Delta \mathbf{x}_{\mathrm{F,1}}$	Grenzhebel des Giermoments bei Längsströmung
Y	Seitenkraft
z _F	Hebel des Rollmoments K
^z F,q	Hebel des Rollmoments bei Querströmung
-	
α	Deflektionskoeffizient
β	Faktor in der Gleichung der Kraftellipse
γ	Giermomentenkoeffizient
δ	Querkraftkoeffizient
ε	Anströmwinkel, Einfallswinkel des (scheinbaren)
Δε	Ablenkwinkel
к	Rollmomentenkoeffizient
λ	Koeffizient im Helmholtz-Kirchhoff-Ansatz
ρ	Dichte

Abkürzungen

CAR	Autotransporter
CON	Containerschiff
DES	Zerstörer
DIV	Taucherbasisschiff
DRI	Bohrschiff
FER	Fährschiff
FIS	Fischkutter
FRE	Frachtschiff
PAS	Passagierschiff
RES	Forschungsschiff
SUP	Offshore-Versorgungsschiff
TAN	Tanker
TEN	Tender

10. Literatur

- Aage, C. 1971. Wind coefficients for nine ship models. Bericht Nr. A-3, Hydro- and Aerodynamik Laboratory, Lyngby, DK, 14 S.
- Blume, P. 1975. Korrektur von Probefahrtsmessungen für Seegangsund Windeinfluß. Bericht Nr. 328, Institut für Schiffbau der Universität Hamburg, Hamburg, D, 35 S.
- Davies, M.E., und B.L. Miller. 1982. Wind effects on offshore platforms. Bericht Nr. NMI R 140, National Maritime Institute, Feltham, G.B., 55 S.
- Dove, H.L., und G.S. Ferris. 1960. Development of anchors. Transactions, The Royal Institution of Naval Architects, Bd. 102: 535-546.
- Helmholtz, H. von. 1868. Über diskontinuierliche Flüssigkeitsbewegungen. Monatsberichte der Königlich Preußischen Akademie der Wissenschaften zu Berlin, April: 215-228.
- Isherwood, R.M. 1973. Wind resistance of merchant ships. Transactions, The Royal Institution of Naval Architects, Bd. 115: 327-338.
- Kirchhoff, G. 1869. Zur Theorie freier Flüssigkeitsstrahlen. Journal für die Reine und Angewandte Mathematik, 70: 289-298.
- Lamb, H. 1952. Hydrodynamics. Cambridge University Press, London, G.B., 738 S.
- Rayleigh, J.W. 1876. On the resistance of fluids. Philosophical Magazine, 1, Dezember.
- Roberson, J.A., C.Y. Lin, G.S. Rutherford und M.D. Stine. 1972. Turbulence effects on drag of sharp-edged bodies. Journal of the Hydraulic Division, Proceedings of the American Society of Civil Engineers, 98, HY7: 1187-1203.

- 30 -

Wagner, B. 1967. Windkräfte an Überwasserschiffen. Jahrbuch der Schiffbautechnischen Gesellschaft, Bd. 61: 226-248.

- Wilson, C.J., und R.F. Roddy. 1970. Estimating the wind resistance of cargo ships and tankers. Bericht Nr. 3355, Naval Ship Research and Development Center, Washington DC, U.S.A., 28 S.
- Wieghardt, K. 1952. Erhöhung des turbulenten Reibungswiderstandes durch Oberflächenrauhigkeiten. Schiffstechnik (1952/ 1954): 65-81.
- Wieghardt, K. 1972. Zum Windprofil über See. Schiffstechnik, Bd. 19: 35-37.

.....
Tabelle 1

Windwiderstand in Längs- und Querrichtung für verschiedene Schiffe, $CD_{1'AF} und CD_{q}^{*}$; Anhaltswerte in Einheiten von 0.05. Mit ±0.05 ist der Bereich üblicher Werte etwa abgedeckt.

Schiffstyp	Kürzel	CDq	CD 1,AF $\varepsilon = 0$	$cD_{1,AF} \epsilon = \pi$	
Autotransporter	CAR	0.95	0.55	0.60	
Containerschiff	CON	0.90	0.55	0.55	
Zerstörer	DES	0.85	0.60	0.65	
Taucherbasisschiffe	DIV	0.90	0.60	0.80	
Bohrschiffe	DRI	1.00	0.70÷1.00	0.75÷1.10	
Fährschiffe	FER	0.90	0.45	0.50	
Fischkutter	FIS	0.95	0.70	0.70	Aufhau hinter M
Frachtschiffe	FRE	0.85	0.65 0.55	0.55 — 0.50 —	- beladen - Container an Deck
Passagierschiffe	PAS	0.90	0.40	0.40	
Forschungsschiffe	RES	0.85	0.55	0.65	
Offshore- Versorgungsschiffe	SUP	0.90	0.55	0.80	
Tanker	TAN	0.70	0.90 0.75	0.55	beladen
Tender	TEN	0.85	0.55	0.55	

*) Aus Windkanalmessungen am Modell in turbulenzarmer Strömung ohne Gradienten.

Tabelle 2

Deflektionskoeffizient α und Querkraftkoeffizient $\delta,$ Anhaltswerte.

Schiffstyp	α	δ
CAR, FER, PAS	1.4	0.80
CON	1.3	0.40
FRE	1.3 ⁺⁾ 1.1 ^{*)}	0.40
TAN	1.0	0.40
DES, TEN	1.2	0.65
DIV, SUP	1.0 ⁺⁾ 1.2 ^{*)}	0.55
RES	1.2	0.60
FIS	1.0	0.40
DRI	1.5	0.10

vorlicher (+), achterlicher (*) Wind

-



Bild 1 Windkräfte und Windmomente

- 34 -



Bild 2 Ablenkwinkel (oben) und Ablenkparameter (unten) über dem Windeinfallswinkel



Bild 3 Ablenkwinkel für konstanten Ablenkparameter



Bild 4 Bezogene Querkraft über dem Ablenkwinkel



Bild 5 Verlauf der Querkraft über dem Ablenkwinkel nach dem Helmholtz-Kirchhoff-Ansatz und gemessene Querkraftmaxima



Bild 6 Querkraftmaximum und zugehöriger Anströmwinkel

.



Bild 7 Ablenkparameter über dem Anströmwinkel für verschiedene Objekte



Bild 8 Ablenkung der Strömungskraft gegenüber der Strömung

- 41 -



Bild 9 Windkraftablenkung (a) und Querkraft (b) an einem Frachtschiff mit Rotoren (Umfangsgeschwindigkeit/Windgeschwindigkeit = 3) und mit Segeln (optimale Segelstellung)



Bild 10 Mittlerer Ablenkparameter über dem Verhältnis von Längs- zu Querwiderstand

- 43 -



Bild 11 Bezogenes Querkraftmaximum über dem mittleren Ablenkparameter



Anströmung : + vorlich Δ achterlich

Bild 12 Kraftellipse



Bild 13 Ablenkparameter und Verhältnis von Längs- zu Querwiderstand



Bild 14 Hebel des Giermoments bei Querströmung über dem horizontalen Abstand des Lateralschwerpunktes von Hauptspant



Anströmung: + vorlich Δ achterlich

Bild 15 Hebel des Rollmoments, bezüglich Schwimmwasserlinie, und Hebel des Giermoments, bezüglich Momentenachse bei Querströmung, über dem Windeinfallswinkel



Bild 16 Querkraft und Hebel von Rollmoment und Giermoment an Platten auf einer Bodenplatte



Bild 17 Grenzwert des Giermomentenhebels, bezüglich Momentenachse bei Querströmung, und zugehöriger Giermomentenkoeffizient über dem horizontalen Abstand des Lateralschwerpunktes von Hauptspant



Bild 18 Hebel des Rollmoments bei Querströmung über dem Verhältnis von Schiffsbreite zu mittlerer Höhe des Lateralplans; Vergleichswerte für einen Quader mit und ohne Schanz

- 52 -



Bild 19 Windlastbeiwerte für ein Fährschiff in stark turbulenter und in turbulenzarmer Strömung



Bild 20 Verlauf der Windkräfte für ein Containerschiff in Strömung mit Gradienten ($\frac{1}{10}$ -Profil) und ohne Gradienten (unverbundene Aufpunkte)



Bild 21 Verlauf der Kräfte und Momente für ein Fährschiff und für einen Quader (unverbundene Kreuze)





ANSTROEMUNG: + VORLICH

▲ ACHTERLICH







Bild 22 Verlauf der Kräfte und Momente für einen Tender und für ein Prisma (unverbundene Kreuze)



Koeffizienten: cc'<u>max</u> CC max CD \bar{a}_1 Ellipsenprinzip CDq В a CDq ß CD 0.883 0.500]___0.9958 0.422 0.117 0.848 -0.627 vorlich 0.399 0.905 0.461 0.9946 0.095 0.821 -0.542 achterlich Ellipsenprinzip -"-_"- $\overline{a}_1 = 1 - CD_1 / CD_{g}$ 0.883 0.500] ${1 \\ 1}$ vorlich 0.117 0.442 -0.468 0.461 achterlich 0.095 0.905 0.453 -0.074 _"-Querkraftmethode -"- $\epsilon_{\rm CC_{max}}$ в С D Α m = 1.33, n = 2 $\begin{array}{c} 45^{\circ} \\ 45^{\circ} \end{array} \right\} \rightarrow \begin{cases} 3.900 & -2.721 & -2.368 \\ 5.863 & -4.740 & -3.747 \end{cases}$ 0.848 0.500 0.022 vorlich 0.117 -0.057 achterlich 0.095 0.821 0.461 _ " _ _ " _ HK-Ansatz $\lambda = 0.45$ 0.883 vorlich 0.117 achterlich 0.095 0.905

Bild 23 Beiwerte von Widerstand und Querkraft für ein Containerschiff; Vergleich von Rechnung und Messung - 57 -



Vorlicher	Wind
-----------	------

					AND A REAL PROPERTY.			
μ	1.12	Act -	1.52	m	2.21	P	2.15	
ν	8.28	Вст	3.30	n	1.03	đ	0	
Δε _q	0.1	A _{Δε}	0.903	Β _{Δε}	0.247	CΔε·	-0.055	
× _{F,q}	0.003	Axf	0.262	BXF	-0.005	CXF	0.609	
ZF.q	0.528	Azf	0.057	BZF	0.618			

Achterlicher Wind

μ	1.29	A _{CT} - 0.981	m	1.59	<i>ι</i> Ρ	1.74
ν	6.42	В _{СТ} 26.8	n	5.71	q	3.61
Δε _q	0.1	ΑΔε 0.832	^B ∆ε	0.393	c _{∆ε} .	-0.067
×Ęq	0.003	A _{X F} -0.266	B _{XF}	0.094	C_{XF}	0.445
Z _{F,q}	0.528	A _{ZF} 0.028	BZF	0. 618		

Bild 24 Approximation von Windlastbeiwerten für ein Fährschiff; Komponenten und Koeffizienten



Bild 25 Kraft- und Momentenbeiwerte für ein Fährschiff; Approximationsfunktionen (strakende Linien)

Anhang A: Windlastbeiwerte für sieben Schiffsmodelle *)

Autotransporter Containerschiff (voll, Teillast, leer) Cargo/Containerschiff Bohrschiff Fährschiff Offshore-Versorgungsschiff (langer Aufbau, kurzer Aufbau) Tanker (beladen, Ballast)

Beiwerte weiterer Schiffstypen in Aage (1971).

.

*) Aus Windkanalmessungen in turbulenzarmer Strömung ohne Gradienten (Messung Institut für Schiffbau).











- -







-





l



ł

Anhang B: Beispiele

- Beispiel 1. Marineschiff Windlastparameter aus der kennzeichnenden Auftragung.
- Beispiel 2. Forschungsschiff Schätzen von Windkraft und Windmoment.
- Beispiel 3. Forschungsschiff Mindestschub zum Drehen durch den Wind.

Beispiel 4. Bohrschiff - Anpassen von Windlastbeiwerten.



Beispiel 2. Schätzen von Windkraft und Windmoment.

Für ein Forschungsschiff sind die Kraft- und Momentenbeiwerte abhängig vom Windeinfallswinkel zu ermitteln. Eine Schätzung nach dem Ellipsenprinzip mit $\overline{a} = 1-CD_1/CD_{\alpha}$ reiche aus.

Kennzeichnende Auftragung in Bild 1, geschätzte Windlastbeiwerte in Bild 2.



Bild 1 Geschätzte Windwirkung in kennzeichnender Auftragung



- 75 -

Beispiel 3. Mindestschub zum Drehen durch den Wind.

Ein Forschungsschiff soll bei Windstärken bis 8 Beaufort nur mit dem Bugstrahlapparat durch den Wind gedreht werden können. Wie groß ist der nötige Schub?



Bild 1 Forschungsschiff; Generalplan

Schiffsdaten: Länge über alles 97,5 m Breite 16,5 m Tiefgang Länge zwischen den Loten 90,0 m 5,1 m über Wasser: unter Wasser: 1094 m² Lateralfläche Lateralfläche 503 m² Frontfläche 320 m² 84 m² Hauptspant Lateralschwerpunkt vor Lateralschwerpunkt vor Hauptspant 2,2 m Hauptspant 1,0 m

Abstand des Bugstrahlantriebs von Hauptspant: 33,4 m

Ansatz für die Wind- und Driftkräfte: Ellipsenprinzip mit $\overline{a} = 1 - CD_1 / CD_q$. Berücksichtigung der Drift in den Windkräften.

Fall 1: Der Bugstrahlapparat erzeugt nur Querschub (Bild 2). Der Mindestschub beträgt

$$0,38 \frac{\rho}{2} u^2 A_L = 0,38 \cdot \frac{1,23}{2} \frac{kg}{m^3} \cdot 20^2 (\frac{m}{2})^2 \cdot 1094 m^2 = 102 kN_A$$

mit ρ Dichte der Luft, u Windgeschwindigkeit und A_L Lateralfläche über Wasser. Die maximale Driftgeschwindigkeit beträgt 15 % der Windgeschwindigkeit; das sind 3,0 m/s.

Fall 2: Der Bugstrahlapparat erzeugt auch Längsschub (Bild 3). Die Längskomponente der Windkraft am Schiff wird kompensiert, so daß es nur quer verdriftet mit maximal 6 % der Windgeschwindigkeit; das sind 1,2 m/s. Der nominelle Mindestschub beträgt 0,37 $\frac{\rho}{2}$ u² A_L = 100 kN.



Bild 2 Querschub zum Drehen des Schiffes durch den Wind, bezogen auf Staudruck des Windes und Schiffslateralfläche über Wasser, Y_p/(q A_L), positiv luvwärts, Driftgeschwindigkeit zu Windgeschwindigkeit, v/u, und Driftrichtung gegenüber der Windrichtung, positiv rechts vom Wind, über dem Windeinfallswinkel







Vorlicher Wind

μ	1.89	Act	0.366	m	0.01	P	1.86
ν	2.05	B _{CT}	1.82	n	1.66	q	15.3
∆ε _q	-0. 41	A _{Δε}	0.522	ΒΔε	-0.039	C	0.015
× _{F,q}	-0.022	Axf	0.069	BxF	-0.002	Cx	=~0.641
z _{F,q}	1.28	Azf	- 0.017	BZF	0.618		

Achterlicher Wind

μ	1.89	Аст	-0.401	m	0.23	ſΡ	1.67
ν	3.05	Вст	- 0.566	n	1.16	q	1.31
$\Delta \epsilon_q$	-0.41	ΑΔε	0.532	Β∆ε	0.251	c _{∆ε}	- 0.133
× _{F,q}	-0.022	A _{X F}	- 0.115	BXF	- 0. 831	CXF	- 0.090
Z _{F,q}	1.28	AZF	0.159	BZF	0.618		

Beispiel 4 Anpassen von Windlastbeiwerten; Approximationsfunktionen (strakende Linien) und Koeffizienten für ein Bohrschiff